2020年度

修士論文

縦磁界効果を用いた 10 kA 級 超伝導直流ケーブルの設計製作およ び試験に関する研究

令和3年2月10日

先端情報工学専攻

小田部研究室

19676111

木下 雄士

第1章	序論	
1.1	超伝導体	4
1.2	銅酸化物超伝導体	5
1.3	磁束ピンニング	6
1.4	縦磁界効果	7
1.5	Force-Free トルク	10
1.6	超伝導電力ケーブル	11
1.7	本研究の目的	12
第2章	計算方法	
2.1	試料	13
2.2	測定	13
2.3	繰り返し近似計算による臨界電流Icの導出	14
2.3.	1 超伝導コート線材の臨界電流密度Jcの磁界依存性	14
2.3.	2 臨界電流 <i>I_cの</i> 導出	17
2.4	計算条件	20
2.5	実験環境	20
第3章	結果と考察	
第4章	まとめ	
謝辞		
研究業績	書 頁	
参考文	鈬	

図目次

义	1.1	超伝導体の臨界温度TCの変化の歴史[1]5
汊	1.2	代表的な高温酸化物超伝導体の結晶構造[3]6
义	1.3	磁界に対して電流を平行に流した状態(縦磁界)7
汊	1.4	磁界に対して電流を垂直に流した状態(横磁界)8
义	1.5	縦磁界、横磁界における Nb-Ti の臨界電流密度の磁界依存性[6]9
汊	1.6	中性子照射されたNb3Sn薄膜試料の縦磁界、横磁界における $I_{\rm C}-B$ 特性[10]9
义	1.7	Force-free トルクとピンニングトルクの釣り合い[5]10
义	1.8	高温超伝導ケーブルの模式図[11]11
义	1.9	縦磁界効果を用いた直流超伝導ケーブルの構造図[12]12
义	2.1	コート線材の層構造。上から銅層、銀層、超伝導層、中間層、基板13
义	2.2	今回の線材の 77.3 K における縦磁界、横磁界それぞれのJ _C -B特性14
义	2.3	角度をつけて電流に磁界を印加した様子15
义	2.4	コート線材の磁界の角度依存性16
义	2.5	超伝導電力ケーブルの構造17
义	2.6	角度 θ がついたときの巻きつける線材の本数18
义	2.7	線材をケーブルに巻いている様子21
义	2.8	作成したケーブルサンプルの全体像21
义	2.9	端子の設置位置
义	2.10	直流二端子法の回路図22
义	2.11	直流四端子法の回路図
义	2.12	通電層にのみ電流を流した場合
义	2.13	通電層とシールド層を直列接続した場合23
义	2.14	サンプルを冷やすための液体窒素容器23
义	2.15	実際に測定した電流-電圧特性24
汊	3.1	フォーマー径 30 mm、往復各 3 層のときの巻き線角度による電流値の変化…25
义	3.2	フォーマー径 33 mm、往復各 3 層のときの巻き線角度による電流値の変化26

図 3.3	フォーマー径 30 mm、往復各 4 層のときの巻き線角度による電流値の変化	27
図 3.4	フォーマー直径の変化による電流値の変化	28
図 3.5	層数の変化による電流値の変化	29
図 3.6	実際に作製したケーブルと同条件の計算結果	30

表目次

表 1.1	超伝導体を用いた電力ケーブルの送電方式による長所と短所	11
表 2.1	フィッティングパラメータ K_{Mj} 、 K_{mj}	15
表 2.2	電力ケーブルの規格	20
表 2.3	計算に用いた線材・ケーブルのパラメータ	24
表 3.1	実験結果と計算結果での <i>lc</i> の比較	30

第1章 序論

1.1 超伝導体

超伝導は、1911年にオランダの Kamerlingh Onnes によって発見された。彼は水銀の 液体ヘリウムによる冷却実験中に、水銀の電気抵抗が 4.2K で突然測定不能になる程小 さくなる現象を発見し、その現象を超伝導状態と名付けた。このように、ある極低温領 域で超伝導状態を示す物質を超伝導体と呼び、極低温以外の電気抵抗を持つような状態 を常伝導状態という。この特性から様々な電子機器への応用が検討されたが、自身の磁 場で超伝導状態が壊れてしまうといった性質の為、応用が難しいという欠点もあった。 1933 年には、ドイツの W. Meissner と R. Ochsenfeld らが、超伝導体に完全反磁性がある ことを明らかにした(これを Meissner 効果という)。1957年にアメリカの J. Bardeen と L. N. Cooper と J. R. Shrieffer らによって BCS 理論が提唱され、理論的に超伝導の仕組み について解明された。この理論では2個の電子がクーパー対と呼ばれる対となり、クー パー対の振る舞いによって超伝導の諸特性を説明可能であるとされた。彼らの理論では、 常伝導状態から超伝導状態に転移する時の温度(臨界温度:T_c)は 30K を超えないと考え られていたが、1986年にドイツの J.G. Bednorz と K.A. Muller によって、銅を含む酸化 物超伝導体(La_{2-x}Ba_xCuO₄)が 30 K を超える臨界温度を示すという報告がされ、それか ら世界各国で一斉に酸化物超伝導体の研究がなされるようになった。そしてわずか 10 カ月程で、液体窒素の温度(77.3 K)を超えるイットリウム(Y)系の銅酸化物超伝導体の臨 界温度が 92 K に達し、BCS 理論の枠組を超えた。他にも1年後にはビスマス(Bi)やテ ルビウム(Tb)を用いた、高い臨界温度を示す超伝導体が発見された(図 1.1)。



図 1.1 超伝導体の臨界温度Tcの変化の歴史[1]

このような臨界温度が高い超伝導体のことを、高温超伝導体と呼ぶ。高温超伝導体は 臨界温度が液体窒素より高く、液体窒素は液体ヘリウム(4.2 K)と比べて安価に入手する ことができるため超伝導状態を容易につくり出すことが可能であり、実用化に向けての 可能性が高まった。今日でも高温超伝導体の研究は進められており、超伝導ケーブルや リニアモーターカー等の応用機器の実用化に向けた研究がなされている [2]。

1.2 銅酸化物超伝導体

超伝導体の結晶内にCuO₂面を持つ超伝導体を銅酸化物超伝導体と呼ぶ。銅酸化物超 伝導体はその臨界温度が高いよいう特徴から、工学的な応用に期待が寄せられている。 銅酸化物超伝導体の中でもREBa₂Cu₃O₇₋₆超伝導体(RE:レアアース(希土類))やBi系超伝 導体が注目を集めている。これらの超伝導体は図 1.2 のように超伝導電流が流れると考 えられているCuO₂面とCuO₂面に超伝導電子を供給するブロック層から構成されている。 そのため、銅酸化物超伝導体はCuO₂面に平行な方向には電流が流れやすいが、CuO₂面 に垂直な方向には電流が流れにくいという構造上からなる異方性を持つ。すぐれた特性 を得るためにはCuO₂面を綺麗にそろえるように配向しなければならないため、様々な 作製法が研究されている。また、Bi系超伝導体は c 軸方向に比べて ab 面に広がった結 晶が容易に得られることが知られている。また、CuO₂面に沿って劈開しやすい為、圧延 等の機械的な加工で容易に配向が得られる。しかし、超伝導相と常伝導相のエネルギー 差である凝縮エネルギーが小さく、ローレンツ力による磁束の動きを止める力であるピ ンニング力が弱いという欠点を持つため、磁界の影響を受けやすい。高温、高磁界では その影響が大きく、電気抵抗なしで流せる最大の電流密度J_c(臨界電流密度)が自己磁界 中と比べると大幅に低下してしまう。一方でRE系超伝導体はBi超伝導体と違い、機械的 な加工では結晶配向しない。以前は作成コストが高く長尺化が困難だったが、近年では 作製技術も進化し、長尺化、低コスト化が進んでいる[4]。



図 1.2 代表的な高温酸化物超伝導体の結晶構造[3]

1.3 磁束ピンニング

超伝導体には第一種超伝導体と第二種超伝導体がある。第一種超伝導体は、磁界をか けていくと、超伝導状態が壊れる磁界(臨界磁界:B_c)以下の時は、マイスナー効果により 完全反磁性を示す。しかし、磁界がBc以上になると、超伝導状態が壊れてすぐに常伝導 状態に遷移する。一方で第二種超伝導体は、磁界をBri以上かけてもすぐには常伝導状 態にはならず、超伝導状態と常伝導状態が混ざった状態となる(これを混合状態または 渦糸状態と呼ぶ)。第二種超伝導体は、混合状態でさらに磁界をかけると、B_{c2}以上で常 伝導状態になる。この時の混合状態になる時の磁界を下部臨界磁界B_{c1}、常伝導状態に なる時の磁界を上部臨界磁界Bc2と呼ぶ。第二種超伝導体のBc2は第一種超伝導体のBcよ りもかなり大きいため、工学的にも第二種超伝導体が有用である。このように超伝導体 は、磁界と温度によって抵抗がゼロになるが、流せる電流量は制限なしという訳ではな い。ここで、電気抵抗なしで流せる最大の電流をIc、電気抵抗なしで流せる最大の電流 密度を」と呼ぶ。超伝導体は、超伝導状態でも過剰な電流を流すと電気抵抗が発生する。 Lは超伝導線材を評価するに当たって重要なパラメータであり、これを決定しているの が磁束ピンニングである。超伝導体内に流れる電流をJ、超伝導体内に侵入している磁 東密度をBとすると、磁束線には単位面積当たり、 $F_L = J \times B$ でローレンツ力が働いてい る。ローレンツ力により磁束が動くと、誘導起電力により抵抗が発生するので、磁束線 が動かないようにローレンツ力と逆方向に磁束を止めようとするピン力密度(Fn)が働く。 この作用を磁束ピンニングと呼ぶ。よって、J=Jcの場合、ローレンツ力とピン力密度

は釣り合うので、 $J_c = F_P/B$ と表せる。 J_c を増加させるには、 F_p を増加させればよい[5]。

1.4 縱磁界効果

超伝導体は図 1.3 に示すように磁界に対して平行に電流を流す(縦磁界)と、磁界と垂 直にして電流を流した(横磁界)場合(図 1.4)と比べて、様々な奇異な現象が起こることが 知られている[6-9]。その現象を、以下に列挙する。

- 1. 電流によって磁界と同方向の磁化が正となる。これを常磁性効果と呼ぶ。
- 2. 縦磁界を増加させると交流電流による損失が減少する。
- 3. 縦磁界の場合は磁束線に対して Lorentz 力が働かない(この状態を、フォース・フリー 状態という)ため、臨界電流密度*J*_cが横磁界の場合に比べ大幅に増加する。
- 4. Eを誘導起電力、Bを磁束密度、vを磁束線の運動としたとき、磁束線の運動と電磁現象 を結びつける Josephsonの関係式 ($E = B \times v$) は、磁束線の運動が異なると考えられ るため成り立たない。
- 5. 電流が臨界値を超えた抵抗状態において、負の電界領域を含む表面電界構造が観測され る。



図 1.3 磁界に対して電流を平行に流した状態(縦磁界)



図 1.4 磁界に対して電流を垂直に流した状態(横磁界)

これらの現象を総称して縦磁界効果という。3.の現象に関して、図 1.5 に Nb-Ti 超伝導 合金の臨界電流密度特性を示す。下が通常の横磁界の場合で、上が縦磁界の状態を表す。 このように縦磁界は、通常の横磁界と比べて大幅な臨界電流密度の増加が観測されてい る。また、図 1.6 にNb₃Sn薄膜試料に中性子をピンとして照射させた時の臨界電流特性 を示す。白丸の部分が通常の横磁界の場合で黒丸の部分が縦磁界の状態を表す。中性子 の照射量を増加させると、横磁界と縦磁界の両方の場合において臨界電流が増加してい るので、臨界電流はピンニングの強さに依存していることがわかる。また、電流によっ て縦方向の磁化が正になる。この効果を常磁性効果という。横磁界は、1.3 節で述べた ように $J = J_c$ の時に磁束線に働くローレンツ力とピン力密度が釣り合うことで磁束ピン ニングが行われる。しかし、縦磁界は磁束線に対してローレンツ力が働かないので、大 電流を流すことができる。電界は磁束密度にほぼ平行なので、磁束線の運動と電磁現象 を結び付ける $E = B \times v$ の式は磁束線の運動が異なると考えられる為、成り立たない[5]。



図 1.1 縦磁界、横磁界における Nb-Tiの臨界電流密度の磁界依存性[6]



図 1.2 中性子照射されたNb₃Sn薄膜試料の縦磁界、横磁界における $I_c - B$ 特性[10]

1.5 Force-Free トルク

1.4節で述べたように、磁束線に対して Lorentz 力が働かないため、縦磁界状態では横 磁界状態に比べ臨界電流密度が大幅に上昇する。その状態を Force-free 状態と呼ぶ。し かし、無制限に電流を流すことができるわけではなく、横磁界下と同様に*J*cは存在する。 さらに、超伝導体内の磁束線の動きはピンニングセンターと相互作用すると考えられる。 この振る舞いを記述するモデルとして、Force-free トルクが提案されている[11]。

Force-free 状態においては、図 1.7 のような磁束線に対して回転せん断歪(Force-Free 歪)が生じている。図 1.7 の矢印の向きに、Force-Free 歪に対する復元力が存在すると考えられ、その復元力を Force-free トルクと呼ぶ。超伝導体表面において、Force-Free 歪より磁束線は電流の向きに対して平行ではない。超伝導体内部に侵入するにつれてピン ニングトルクが大きくなり Force-free トルクは緩和され、磁束は電流に対して平行になる。Force-free トルクと歪んだ状態を保とうとするピンニングトルクのつり合いによっ て臨界状態が決定される。したがって、横磁界状態より縦磁界状態の臨界電流密度がより大きくなる。Force-free トルクをピンニングトルクで支えきれなくなると、磁束線は 不可逆な運動状態となる。超伝導コート線材のようなテープ状超伝導体の場合、縦磁界 状態における磁束線の運動は、Force-free トルクによる*ab*平面内での回転運動と、*c*軸方向への併進運動が合わさったものになると想定されている[5]。



図 1.3 Force-free トルクとピンニングトルクの釣り合い[5]

1.6 超伝導電力ケーブル

超伝導体を用いた電力ケーブルには送電方式として、直流送電と交流送電がある。直 流送電と交流送電における長所と短所を表 1.1 にまとめると以下のようになる。

表 1.1 超伝導体を用いた電力ケーブルの送電方式による長所と短所

	直流電流	交流電流
長	・電力損失なしで送電できる	 ・既存の送電網と入れ替えが容易 ・火力などの主要な発電方法の電気
所	・太陽光発電の電気をそのまま流せる	をそのまま流せる
短	・火力などの主要な発電方法の電気は	・交流損失が発生する
所	整流する必要がある	・直流と比べ冷却負荷が大きくなる

上記のように、直流送電の場合は電力損失が発生しないため、送電損失分の二酸化炭 素排出を抑えることができる。また、既存の銅ケーブルに比べ電流密度が1000倍以上 大きいため、ケーブルの小型化および大電流送電が期待できる。

しかし、直流交流関係なしに送電ケーブルを超伝導化するにあたって、超伝導ケーブルを液体窒素または液体ヘリウムによって極低温状態におくことが必須となってくる。 下の図 1.8 は、超伝導ケーブルの模式図である。管に超伝導線を入れて液体窒素で満た すことによって超伝導線を冷却し、真空特性を持った断熱層を用いて外部の熱による液 体窒素の急激な温度上昇を防いでいる[11]。これらによって、超伝導ケーブルの極低温 状態を実現している。



図 1.4 高温超伝導ケーブルの模式図[11]

また、本研究室では縦磁界効果を用いた直流超伝導ケーブルを提案している。1.4節で述べた通り、縦磁界効果を用いることによって線材の特性を改善することなく*J*cを増加させることができる。また、先述のとおり直流では送電ロスなしで送電することができる。したがって、縦磁界効果を用いた直流超伝導ケーブルの開発が期待される[12]。

縦磁界効果を用いた直流超伝導ケーブルの構造を図 1.9 に示す。縦磁界を超伝導ケー ブルの内側導体に印加するには、超伝導線材を一方向にツイストする必要がある。ツイ ストされた線材より内側の層においてはツイストされた線材の自己磁界が、ケーブルの 軸に対して平行の方向に近い角度で印加される。また、内側導体に印加される縦磁界を 増やすために、外側導体に帰りの電流を流すことによってさらに縦磁界を大きくしてい る。それらによって、ツイストされた線材より内側においての縦磁界成分が大きくなり、 縦磁界効果によるJcの増加が見込まれる。



図 1.5 縦磁界効果を用いた直流超伝導ケーブルの構造図[12]

1.7 本研究の目的

超伝導体は電気抵抗 0 で大容量の電流を流せることから様々な機器への応用が期待 されている。一方で発電してから機器で使用するまでの送電過程で損失が生じており、 社会全体でみると無視できない大きさとなっている。そこで電力ケーブルに超伝導体を 使用することが検討されている。これにより約 30 億 kW もの電力を削減することがで きると言われている[13]。本研究では直流超伝導ケーブルの実用化に向けて 10kA を流 せるケーブルを設計した。その際、縦磁界効果の有効性を調べるために図 1.8 のような 従来の構造のケーブルと図 1.9 のような縦磁界効果を利用した構造のケーブルの両方で 電流値を計算し、比較した。また、その計算の結果からケーブルの構造を決定し、実際 に 10kA を流すことのできる長さ 2m の電力ケーブルを作製し、電流を測定することで ケーブルの評価を行った。

第2章 計算方法

2.1 試料

今回の計算に用いた試料は*I*_C = 164 A、幅 48 mm、超伝導層の厚さ 1.6 um の REBCO 線材である。層構造を図 2.1 に示す。



図 2.1 コート線材の層構造。上から銅層、銀層、超伝導層、中間層、基板

2.2 測定

測定は福岡工業大学工学部 電子情報工学科 倪宝栄教授の研究室に依頼した。様々 な温度条件のもと縦磁界、横磁界下で電流値を測定した。ケーブルの使用環境として 77.3 Kを想定しているため、測定データから 77.3 Kのデータを抽出し、*J_c – B*特性に変 換し、計算対象とした。このデータを図 2.2 に示す。赤い点が縦磁界での測定値、青い 点が横磁界での測定値を示している。縦磁界効果により、*J_c*が増加はしないものの、横 磁界に比べると明らかに大きくなっている。



図 2.2 今回の線材の 77.3 K における縦磁界、横磁界それぞれのJc-B特性

2.3 繰り返し近似計算による臨界電流 Ic の導出

2.3.1 超伝導コート線材の臨界電流密度 Jc の磁界依存性

図 2.2 に示されるように縦磁界下の J_c は横磁界下の J_c よりもかなり高く、こうした特性を利用して、縦磁界効果を用いない通常のケーブルよりも高性能なケーブルをデザインすることができるはずである。例えば、超伝導線材のツイストする角度を小さくすると縦磁界効果が弱くなり、 J_c の増加は少し抑えられるが、巻きつける超伝導線材の数が増えるため輸送電流への効率は向上する。これらの条件から電流容量が最大となる条件を割り出せばいいのである。このとき J_c が最大となるようにすれば良いが、そのためには線材の角度依存性が必要となる。線材の角度依存性とは、超伝導線材の面内で電流に対して磁界を平行に印加した縦磁界($\varphi = 0^\circ$)から、電流に対して磁界を垂直に印加した横磁界($\varphi = 90^\circ$)まで変化させたときに、 J_c がどのように変化するかを表すものである。以下に電流と磁界の角度についての図を示す。



図 2.3 角度をつけて電流に磁界を印加した様子

図 2.3 の縦磁界下の Jc を

$$J_{\rm cM}(B) = J_{\rm c}(B, \varphi = 0)$$
(2.1)

とし、横磁界下の J_c を

$$J_{\rm cm}(B) = J_{\rm c}(B, \ \varphi = \pi/2)$$
 (2.2)

とする。そして、 J_c の磁界依存性をそれぞれ

$$J_{\rm cM}(B) = \sum_{j=0}^{7} K_{\rm Mj} B^{j}$$
(2.3)

$$J_{\rm cm}(B) = \sum_{j=0}^{7} K_{\rm m}{}_{j}B^{j}$$
(2.4)

と表す。ここで、 K_{Mj} と K_{mj} は展開係数で、図 2.3 の J_{C} -B特性から求めた数値を表 2.1 に示す。

j	0	1	2	3	4	5
$K_{\mathrm{M}j}$ [GA/T ^j]	25.32	-2.349	-0.3579	0.4556	-0.1457	0.01342
$K_{\mathrm{m}j}$ [GA/T ^j]	25.39	-24.67	17.81	-6.721	1.213	-0.08294

表 2.1 フィッティングパラメータ K_{Mj}、K_{mj}

図 2.4 に縦磁界、横磁界それぞれのJc-B特性の線材のJcの角度依存性を示す。



次に、Jc の角度依存性を

$$J_{\rm c}(\varphi) = \frac{1}{2}(J_{\rm cM} + J_{\rm cm}) + \frac{1}{2}(J_{\rm cM} - J_{\rm cm})\cos 2\varphi$$
(2.5)

のように近似することができ、図 2.4 に実線として示す。

ケーブルの形状は、内側導体の最内層の中心からの距離を R_0 、内側から i 番目の超 伝導層の中心からの距離を R_i 、超伝導層の厚さをd、巻き角度を θ_i とし、それぞれ

$$R_i = R_0 + id \tag{2.6}$$

$$\theta_i = \theta_{\max} \times \frac{i-1}{n-1} \tag{2.7}$$

とする。また角度 θ_i の様子を図 2.8 に示す。また内側導体の最も外側の層に流す電流 の角度を θ_{max} とする。



図 2.5 超伝導電力ケーブルの構造

2.3.2 臨界電流 I_c の導出

ここで、らせんに巻かれた導線による磁界の大きさについて考えることにする。半径 *R* の円筒上に、円筒軸に対する角度 α で層数 *N* 回らせんに巻かれた導線に電流 *I* が流れるとき、中心軸上中央から *s* の距離の点での磁界の強さの軸方向の成分 *H_z* の 大きさは、以下のようになる。中心軸上の点 P を原点とし、軸方向に *z* 軸、それに垂 直に *x* 、 y軸をとる。導線上の一点 Q の *xy* 面への射影点を R 、 PR が *x* 軸となす角 を β とする。Q 点のところの線要素ベクトルをdš、 $\overrightarrow{QP} = \vec{r}$ とするとそれらの成分は、 $r_x = -R \cos \beta$ 、 $r_y = -R \sin \beta$ 、 $r_z = -R\beta \tan \alpha$ と表せる。そして

 $\mathrm{d}s_x = -R\sin\beta\,\mathrm{d}\beta,\ \mathrm{d}s_y = R\cos\beta\,\mathrm{d}\beta,\ \mathrm{d}s_z = R\tan\alpha\,\mathrm{d}\beta \downarrow \emptyset,$

$$H_{z} = \frac{I}{4\pi} \int \frac{(d\vec{s} \times \vec{r})_{z}}{r^{3}} = \frac{I}{4\pi} \int \frac{r_{y} ds_{x} - r_{x} ds_{y}}{\vec{r}^{3}} = \frac{I}{4\pi R} \int_{\beta_{1}}^{\beta_{2}} \frac{d\beta}{(1 + \beta^{2} \tan^{2} \alpha)^{3/2}}$$
(2.8)

となる。 β_1 、 β_2 は両端で $\beta_1 = -N\pi + s/R \tan \alpha$ 、 $\beta_2 = N\pi + s/R \tan \alpha$ なので、積分の 結果

$$H_z = \frac{I}{4\pi R \tan \alpha} \left\{ \frac{N\pi R \tan \alpha + s}{\sqrt{R^2 + (N\pi R \tan \alpha + s)^2}} + \frac{N\pi R \tan \alpha - s}{\sqrt{R^2 + (N\pi R \tan \alpha - s)^2}} \right\}$$
(2.9)

中心では s = 0 として

$$H_{z} = \frac{IN}{2R\sqrt{1 + N^{2}\pi^{2}\tan^{2}\alpha}}$$
(2.10)

となり、軸方向の磁界を求めることができる[14]。

ここで、Nが十分に大きいとき式(2.10)の分母は、 $2R\sqrt{N^2\pi^2 \tan^2 \alpha}$ と近似でき、

 $\alpha = 90^{\circ} - \theta$ であるため、式(2.10)は、

$$H_z = \frac{I}{2\pi R} \tan \theta \tag{2.11}$$

と表すことができる。上記より同様に超伝導電力ケーブルにおいて、*i*番目の超伝導層 に加わる縦磁界は

$$B_{i\parallel} = \sum_{k=i+1}^{n} \frac{\mu_0 I_k}{2\pi R_k} \tan \theta_k + B_{\text{ext}}$$
(2.12)

となる。また横磁界は、 θ の角度で電流 *I* を流した場合でも $\theta = 0$ [°]方向に流れる電流量 は全体で *I* となることから、アンペールの法則を用いて

$$B_{i\perp} = \sum_{k=1}^{i-1} \frac{\mu_0 I_k}{2\pi R_i}$$
(2.13)

と表すことができる。また、図 2.9 に示すように $\theta = 0^{\circ}$ のときの巻きつける線材の数 を N_{num} とし、 θ に角度がついたときの巻きつける線材の数 N'_{num} とすると、

$$N'_{\rm num} = N_{\rm num} \cos\theta \tag{2.14}$$

と表せる。



図 2.6 角度 θ がついたときの巻きつける線材の本数

式(2.8)において角度 θ を大きくすると、 $B_{i\parallel}$ は $\tan \theta_k$ によって発散するように考え られる。しかし、式(2.13)のように角度 θ が大きくなるほど巻きつける線材の本数が減 り、流すことのできる電流量が小さくなる。 $B_{i\parallel}$ において、式(2.12)から

$$B_{i\parallel} = \sum_{k=i+1}^{n} \frac{\mu_0 I_k \sin \theta_k}{2\pi R_k} + B_{\text{ext}}$$
(2.15)

と書き換えることができるため $B_{i\parallel}$ は $\tan \theta_k$ によって発散することはない。また、磁界の強さおよび線材方向からの角度は

$$B_i = \left(B_{i\parallel}^2 + B_{i\perp}^2\right)^{1/2}$$
(2.16)

$$\varphi_i = \theta_i - \tan^{-1} \frac{B_{i\perp}}{B_{i\parallel}} \tag{2.17}$$

となる。これらの方程式群より i 番目の層の臨界電流密度を J_i とするとき、臨界電流 I_i が求まる。

$$I_i = 2\pi J_i R_i d\cos\theta_i \tag{2.18}$$

ただし、ここでは各層での超伝導線材内部の磁束分布の様子を考慮しない。しかし、超 伝導線材内部の磁束分布に関して考慮した方が良いという考えもある。その理由につい て、超伝導線材は形状効果も考えなければならないため、超伝導線材内部の磁束分布の 様子を考慮する必要があるとの考えである。超伝導線材の場合、超伝導層の厚さに比べ て幅が非常に大きいため高い断面アスペクト比を持つ。また銅酸化物超伝導体の結晶構 造に起因して、 *J*c が磁界の角度依存性を持つことが知られており、一般的に線材の面 に垂直方向(*c*軸方向)の磁界中の *J*c は、面に平行方向(*ab*面方向)の磁界中の *J*c よ りも小さい。このことを線材の形状効果という。一方、線材内部の磁束分布を考慮しな くても良いという考えもある。その理由について、線材内への磁束の侵入方向は線材の 面に対して平行であり、面に対して垂直磁界成分がないことから、形状効果を考慮しな くても良いためである。本研究では、内部の磁束分布を考慮せずに計算を行う。

式(2.15)の J_i は B_i 、 φ_i 、 φ と一緒に式(2.5)によって決定される。また I_i は 番目の層の臨界電流 I_{ci} のことなので、式(2.5)は

$$J_{\rm c}(\varphi_i) = \frac{1}{2} \left(J_{\rm cM}(B_i) + J_{\rm cm}(B_i) \right) + \frac{1}{2} \left(J_{\rm cM}(B_i) - J_{\rm cm}(B_i) \right) \cos 2\varphi$$
(2.19)

とおける。N+1 個の方程式群は、

$$J_{ci} = f(J_{c0}, ..., J_{cN})$$
 (2.20)

によって繰り返し計算を用い数値的に計算することができる。初期条件として、各層で の電流密度は

$$J_{c0}^{\{0\}} = J_{c1}^{\{0\}} = \dots = J_{cN}^{\{0\}} = J_{cM}(B=0)$$
(2.21)

で示すように全ての同じ値をもつ。次の繰り返しで、新しい臨界電流密度の値は一つ前の値群を式(2.20)へ代入し得られ、

$$J_{ci}^{\{1\}} = f(J_{c0}^{\{0\}}, \dots, J_{cN}^{\{0\}})$$
(2.22)

に示す。この方法を用いることで、k 番目の繰り返しでは

$$J_{ci}^{\{k\}} = f(J_{c0}^{\{k-1\}}, \dots, J_{cN}^{\{k-1\}})$$
(2.23)

によって臨界電流密度が得られる。このようにして、全ての層に用いる超伝導線材の臨 界電流密度は、繰り返し計算によって数値的に求めることができる。繰り返しの回数は 100回以下で、臨界電流密度の誤差は10⁻⁶ A/m²以下となる[15]。

ケーブルの電流容量は

$$I_{\rm t} = \sum_{i=1}^{n} I_i \tag{2.24}$$

により求まる。

2.4 計算条件

今回設計するケーブルのモデルは外部磁場0T、冷却温度77.3Kでの使用を前提としている。また、ケーブル内側のフォーマーの直径はケーブル作製の都合上、30mm以上とした。巻き線角度のmaxは0-90°で計算しているが、ケーブルを実際に使用する際には曲げる必要があるため、0°は現実的ではなく、ある程度の角度が必要となる。

2.5 実験環境

得られたデータを基に実際にケーブルを作製し、電流を測定することで実験結果と計 算結果との比較を行う。

今回作製した電力ケーブルの規格を表 2.2 に示す。

表 2.2 電力ケーブルの規格

Items	Superconducting tape				
Categories	Туре	Lamination	Critical current [A] (77 K, s. f.)	Width [mm]	Thickness [mm]
Specifications	YBCO	Copper	>160 A	4.8 ± 0.1	0.23 ± 0.02

Items	Form	ner	In	sulation layer
Categories	Outer diameter [mm] Length [m]	Material	Thickness [mm]
Specifications	35	2.0	PPLP	0.5
線材には、	上海超伝導から銅	コーティングの YI	BCO コート緩	泉材を用い、長さ2mの
臨界電流が13	kA以上となるケー	ーブルを作製した。	線材1本ある	たりの臨界電流は、自己

磁場下において 160 A 以上である。フォーマーの外径は 35 mm であり、それぞれ 4 層

の通電層・シールド層それらの中間に挟む間隔層などを含めて最終的な径は 43.18 mm となる。

縦磁界ケーブルについて、通電層に 89 本、シールド層に 95 本の線材を用いた。シールド層が通電層よりも外側にあるため、1 周を巻くために必要な線材の本数が多くなっている。縦磁界ケーブルでは、最外層の傾きを 30°として、最も内側の層から 7.5°ずつ増加させるように巻き角度を段階的に大きくしてフォーマーに巻き付けた。従来型ケーブルについては、通電層に 82 本、シールド層に 87 本の線材を用いた。線材の巻き角度は 30°であり、隣の層と傾きが交互になるように巻き付けた。ケーブルを巻いている様子を図 2.7 に示す。



図 2.7 線材をケーブルに巻いている様子

実際のケーブルサンプルの全体像を図 2.8 に示す。ケーブル内の内側導体の長さは 2 m であるが、電流を流すための端子部分を合わせると全長がおよそ 2.6 m となってい る。



図 2.8 作成したケーブルサンプルの全体像

今回の実験では直流四端子法を用いて電流・電圧の測定を行った。図 2.9 のように、 通電層に一周はんだ付けをし、外から端子を接続している。シールド層の電流端子と絶 縁するため、外側に絶縁テープを巻いている。



図 2.9 端子の設置位置

超伝導体の J_c を評価するためには非常に小さな抵抗値の有無を測定するため、高精度 な測定方法が必要である。図 2.10 に代表的な電流-電圧測定法の一つである直流二端子 法の回路図を示す。図中において R_A 、 R_V はそれぞれ電流計、電圧計の内部抵抗値を示 し、 R_S は超伝導試料の抵抗値を示す。また、 R_1 から R_4 は各部の接触抵抗値およびリード 線の抵抗値を示す。直流二端子を用いて超伝導試料の電流-電圧特性を測定する場合、 超伝導試料の抵抗値 R_S は R_A 、 R_1 、 R_2 の和と比較して非常に小さいために、これらの接 触抵抗などによる電圧降下の影響を強く受け、正確な測定が困難である。一方で図 2.11 のように直流四端子法を用いて測定する場合、超伝導試料の電圧測定に影響を与えるの は図 2.11 の R_V 、 R_3 、 R_4 であるが、これらの和は R_S と比較して非常に大きいために、電 圧降下を無視することができ、超伝導試料の電圧のみを測定できる。





今回の実験では、通電層にのみ電流を流した場合と、通電層とシールド層を直列接続 させて電流を流した場合について測定を行った。以下に接続による測定方法を示す。青 い部分が通電層、緑の部分がシールド層を表している。



図 2.13 通電層とシールド層を直列接続した場合

実際に使用した液体窒素容器を図 2.14 に示す。容器の長さはおよそ 3 m となっている。ケーブルサンプルに用いた線材を超伝導状態にするため、サンプルの高さより 100 mm 以上の高さまで液体窒素を注ぎ、1 時間以上冷却した。



図 2.14 サンプルを冷やすための液体窒素容器

電圧信号の測定には Keithley2000 を用いた。精度は約 $\pm 1 \mu$ V である。また、電流の 測定には Keithley2000 と分流器を用いた。電流測定精度は約 ± 0.5 %である。電源には 20 kA の直流電源を用い、分流器からケーブルへと電流を流すことで測定を行った。

測定した際の電流-電圧特性を図 2.15 に示す。100 秒で 13000 A までスイープさせ、

電圧が 0.0001 V/m となった時点での電流を臨界電流とした。



図 2.15 実際に測定した電流-電圧特性

実験結果との比較のための計算に用いたパラメータを表1に示す。ここで、超伝導線 材の厚さが305 µm となっているが、これは実際にケーブルを作製するうえで必要な線 材の固定や摩擦の軽減のための間隔層を厚さに含めているためである。すべての線材に ついて間隔層があるため、線材の厚さとしてパラメータとしている。線材の厚さは各層 の半径の計算にのみ用いるため、まとめた厚さとしても影響はない。

表 2.3 計算に用いた線材・ケーブルのパラメータ

Parameters	
Critical current in self-field [A]	164
Tape thickness [µm]	305
Tape width [mm]	4.8
Superconducting layer thickness [µm]	1.6
Superconducting layer width [mm]	4.0
Former diameter [mm]	35
Insulation layer thickness [µm]	100

第3章 結果と考察

まず、10000 A を達成するためにフォーマー径 30 mm、往復各 3 層で計算した結果を 図 3.1 に示す。



図 3.1 フォーマー径 30 mm、往復各 3 層の場合の巻き線角度による電流値の変化

実線が縦磁界ケーブル、破線が従来型ケーブルの電流値である。まず前提として2章 で述べたように角度を大きくすると線材の本数が減少するためケーブル全体に流せる 電流値は減少する。0°では縦磁界ケーブルと従来型ケーブルの構造上の差がないため、 電流値は一致する。その後は角度が増加すると縦磁界効果が現れることで縦磁界型の電 流値のほうが大きくなっていることがわかる。従来型に着目すると20°程度までは緩や かに減少し、その後は0Aに向かってほぼ直線的に減少していく。縦磁界ケーブルでは 30°程度まで従来型よりも緩やかに減少し、その後はほぼ直線的に減少していくが従来 型よりも減少率が小さい。つまり従来型に対する縦磁界ケーブルの電流の増加率は角度 が増加するにつれて大きくなっていることがわかる。ケーブルに流せる電流値と、曲げ やすいように角度を考慮して30°程度に着目すると従来型に対して縦磁界型は電流値 が 18%程大きくなっている。しかし、30°では電流が 10 kA よりも小さいため、もう 少し電流値を大きくする必要がある。そこで次にフォーマー径を 33 mm にして計算し た結果を図 3.2 に示す。



図 3.2 フォーマー径 33 mm、往復各 3 層のときの巻き線角度による電流値の変化

線材を巻き付けるフォーマーの直径を大きくしたことで全体の線材の長さが増え、電 流値は大きくなった。そして30°のとき縦磁界型の電流値が目標の 10 kA を超えてい る。しかし実際に使用する際には電流値が計算値よりも小さくなる可能性があるので、 もう少し余裕が必要だと思われる。また先ほどと同様に、30°において従来型に対する 縦磁界型の増加率を計算すると 17%程度で、30 mmの結果とほぼ変わらなかった。フ ォーマー直径を大きくすることで電流値は増加したが、縦磁界効果は特に変化がなかっ た。

次に電流値を増やす手段として層の数を増やすことを考えた。フォーマーの直径は 30 mm のまま往復各 4 層で計算した結果を図 3.3 に示す。



図 3.3 フォーマー径 30 mm、往復各 4 層のときの巻き線角度による電流値の変化

層数を増やしたことで電流値は大幅に上昇し、30°のとき従来型も縦磁界型も10kA を超えた。角度に対する電流値の変化の様子は図3.1や図3.2とほとんど変わらないよ うに見えるが、従来型に対する縦磁界型の増加率は約19%と増加した。これは層数を 増やしたことで外側導体が作る磁界が大きくなり、縦磁界効果が強くなったと考えられ る。このフォーマー直径と層数に関する考察を確認するためにフォーマー直径のみを増 加させた場合と層数のみを増加させた場合とで電流値特性にどのような変化があるの かを調べた。まず、フォーマー直径を変化させたときの電流値特性を図3.4に示す。



図 3.4 フォーマー直径の変化による電流値の変化

層数を往復各3層(計6層)、巻き線角度θ_{max} = 30°とし、フォーマーの直径2Rを20-50 mmとして計算した。従来型と縦磁界型ともに、フォーマー直径の増加に比例するように電流値が増加している。従来型に対する縦磁界型の増加率は20 mmのとき19%、50 mmのとき16%と、フォーマー直径増加に伴って若干減少していた。フォーマー直径を大きくすることで中心に作られる磁界から内側導体までの距離が遠くなり、縦磁界効果の影響が小さくなったと考えられる。よってケーブルの電流値を増加させたいときにフォーマー直径を大きくすると縦磁界効果が弱まる可能性があり、あまり効率が良くないことが分かった。

次に層数変化させた場合の電流値特性を図 3.5 に示す。



図 3.5 層数の変化による電流値の変化

フォーマー直径2*R* = 30 mm、 *θ*_{max} = 30 °とし、往復の合計層数を 4 – 10 層とした 場合の電流値を計算した。従来型と縦磁界型ともに、層数の増加に比例するように電流 値が増加している。従来型に対する縦磁界型の増加率を調べると、4 層のとき 12%、10 層のとき 20%と、層数の増加に伴って増加している。これは先ほど述べたように層数 が増えることで外側の導体が作る縦磁界が大きくなり、縦磁界効果が強まって電流値が 増加したと考えられる。したがって、縦磁界ケーブルにおいて電流値を増加させたい場 合はフォーマーの直径を小さくし、層の数を増やすことで縦磁界効果が効率よく発揮さ れることが分かった。

以上の結果を踏まえて、実際に縦磁界効果を用いたケーブルを作製し、測定を行った。 作製したケーブルと同じ条件で計算した結果を図 3.6 に示す。フォーマーの外径は 35 mm であり、通電層とシールド層の層数は4枚となっている。T=77.3 K で、外部磁場を かけない環境を仮定して計算を行っている。最外層の傾きを 30° にした場合では、総 電流は13222 A であり、10 kA 越えの要件を満たしている。また、30° において縦磁界 ケーブルと従来型ケーブルとの電流値の差はおよそ 19%である。



図 3.6 実際に作製したケーブルと同条件の計算結果

	表 3.1	実験結果と計算結果	でのIcの比較
--	-------	-----------	---------

Cable trme	Maaguramant	Experiment		Theoretical calculation	
Cable type	Measurement	<i>I</i> _c [A]	I_{c} per tape [A]	<i>I</i> _c [A]	$I_{\rm c}$ per tape [A]
Longitudinal	Only inner layer	12799	143.8	13057	146.7
magnetic field power cable	Inner-shield layer in series connection	13150	147.7	13222	148.6
Conventional	Only inner layer	11251	137.2	11110	135.5
power cable	Inner-shield layer in series connection	11139	135.8	11110	135.5

縦磁界ケーブルと従来型ケーブルの両方について、実験結果が理論計算の結果と概 ね一致しており、この実験と電力ケーブルの設計の妥当性を示している。今回の実験 では、実験値と理論計算値の*I*cの差は最大で2%未満となっている。

縦磁界ケーブルでは、通電層とシールド層の直列接続での線材1本あたりの電流 が、それぞれ143.8Aと147.7Aとなっている。これは通電層にのみ電流を流した場合 よりも約2.7%高い電流が流れている。シールド層が縦磁界効果を生み出し、通電層に 流れる電流はより高くなったと考えられる。一方で、従来型ケーブルでは通電層とシ ールド層の直列接続での電流が、通電層のみに流した際の電流よりも小さくなってい る。線材1本あたりの*I*cはそれぞれ137.2Aと135.8Aであり、電流は約1.2%小さくなっている。この減少は、シールド層に流れた電流が内部に磁場を生み出し、その磁場の影響で通電層の電流が減少し、全体として臨界電流密度が低くなっていると考えられる。それぞれのケーブルについて線材1本あたりの電流値を比較すると、縦磁界ケーブルの電流は147.7A、従来型ケーブルの電流は135.8Aであり、縦磁界ケーブルが約8.8%大きな電流を流すことができる。ケーブル全体での電流に関して、縦磁界ケーブルの電流値は13150Aであり、従来型ケーブルの電流値は11139Aであった。縦磁界ケーブルが従来型ケーブルよりも約18%大きい電流を流すことができている。

第4章 まとめ

超伝導体は、電気抵抗が0であるという特性から、送電ケーブルへの応用が期待さ れている。通常の送電ケーブルでは、発電所から電気が使用される場所に至るまでに 約5%の送電ロスが発生していると言われる。超伝導ケーブルを用いることにより、そ のロスを削減し、かつ大容量の送電が可能となる。一般に超伝導体に電流を流すと、 自身の電流により磁界が生じ、臨界電流密度が減少する。そこで現在の超伝導ケーブ ルの多くが磁界の影響を抑えるような構造となっている。一方で我々は縦磁界効果を 利用した超伝導ケーブルを提唱している。磁界と電流がほぼ同じ方向になる縦磁界下 ではさまざまな縦磁界効果があり、その中に臨界電流密度が増大するという効果があ ることが知られている。内側の層と外側の層で構成し、ケーブルの巻き線角度を数度 ずつ変えることで、全体で考えたときに電流と平行に磁界が生じるように設計する。 これにより磁界が発生した際に臨界電流密度の減少を抑えられると期待できる。[1]

本研究では、繰り返し近似法を用いた近似計算により従来型のケーブルと比較した際の縦磁界ケーブルの優位性を確認し、その結果を基に長さ2mの10kA級ケーブル を作製し、実際の縦磁界ケーブルの電流特性を評価した。

ケーブルに電流を流すことで自身の電流によって磁界が生じ、最終的な電流値に影響する。そこで繰り返し近似計算を行うことで値を収束させて、ケーブルに流すことのできる臨界電流を求めた。

計算の結果、あらゆる条件において、縦磁界効果を用いたケーブルの電流値が従来 の構造のケーブルの電流値を上回った。線材を巻き付ける角度が増すほど従来型に対 する縦磁界型の電流値の増加率が大きくなった。しかし巻き付ける角度が増すほど線 材の本数が減少するため、電流値としては小さくなってしまう。そこである程度の電 流値を保ちつつ、巻き付ける角度を調整する必要がある。30°で巻き付けると想定す ると、従来の磁界の発生を抑える構造のケーブルに対して縦磁界を発生させる構造の ケーブルは電流値をおよそ 20%増加できることが明らかになった。

ケーブルに流せる電流を増加させる場合、巻き付けるフォーマーの直径を大きくす る方法と、巻き付ける層の数を増やす方法がある。フォーマーの直径を大きくしたと ころ、電流値は単純に増加したが縦磁界効果の影響が弱くなった。巻き付ける層の数 を増やしたところ、電流値が増加し、縦磁界効果の影響も強くなった。したがって縦 磁界効果を用いたケーブルを設計する際にはフォーマーの直径を大きくするよりも層 の数を増やしたほうが効果的であることが分かった。しかしながら層の数を増やすた めに必要な線材の量が増えるため、費用対効果を慎重に検討する必要がある。

これらの結果をもとに実際にケーブルを作製し、実験によって電流値を測定して評価したところ、実験結果と計算結果で同じ値が得られ、実験と設計の妥当性が保証さ

れた。それぞれのケーブルについて、線材1本あたりの電流値では縦磁界ケーブルが約8.8%大きな電流を流すことができ、ケーブル全体での電流に関しては、縦磁界ケーブルが約18%大きい電流を流すことができることがわかった。これにより、縦磁界ケーブルの優位性を示すことができた。

より高効率のケーブルを作製するためには、より多くの電流を流すことができるようになる必要がある。具体的には、用いる線材の超伝導層の厚さをより薄くすることで、より強い縦磁界効果の影響による高い*Ic*を得ることができる[16]。また、電力ケーブルは低磁場下での動作が常であるため、高磁場応用に適している線材を用いる必要がない。そのため、より電力ケーブルに適した線材を開発することで、より大きな電流を流すことができると期待される。

謝辞

最初に、九州工業大学大学院情報工学研究院電子情報工学研究系エレクトロニクス分 野、小田部 荘司教授に深くお礼を申し上げます。研究活動だけでなく、学生生活に関 しても多くの助言をいただきました。国際学会や国内学会、論文投稿と何件も貴重な経 験をさせていただき、とても感謝しています。

また、松下照男名誉教授、木内勝准教授にもお礼を申し上げます。超伝導の基礎や新 手法の提案など数多くのサポートで研究を支えて頂きました。深く感謝致します。

研究活動に関して、福岡工業大学 工学部 電子情報工学科 倪 宝栄 教授、中部大学 薄膜研究センター 山田 穣 特任教授に多くのサポートをしていただきました。深く御 礼申し上げます。

最後に、大学生活を共に過ごしてくださった小田部研究室の先輩や同級生、後輩の皆様、長い間お世話になりました。皆様のおかげで充実した研究生活を送ることができましたことをここにお礼申し上げます。

【本研究は JSPS 科研費 19H00771 の助成を受けたものです。】

研究業績

- 論文
 - Y Kinoshita, R Zhang, E S Otabe, K Suzuki, Y Tanaka, H Nakashima and T Nakasaki, "Evaluation of superconductor assisted machining (SUAM) with superconducting coated conductors using the finite element method", Journal of Physics Conference Series 1590 (2020) 012023
 - Y Kinoshita, T Yonenaka, Y Ichiki, T Akasaka, E S Otabe, M Kiuchi, T Matsushita, N Hu, B Ni and T Ma, "Design and test results of 10 kA class superconducting DC power cable using longitudinal magnetic field effect", Journal of Physics Conference Series (投稿中)
- 国内学会
 - 木下雄士,張睿哲,小田部荘司,赤坂友幸,石原篤,富田優,応用物理学会九 州支部学術講演会,2018年12月9日,福岡大学七隈キャンパス
 - 木下雄士,張睿哲,小田部荘司,赤坂友幸,石原篤,富田優,2019年 第66回 応用物理学会春季学術講演会,2019年3月10日,東京工業大学大岡山キャン パス
 - 木下雄士,張睿哲,小田部荘司,鈴木恵友,田中佑季,中島秀隆,中崎達也, 第80回応用物理学会秋季学術講演会,2019年9月19日,北海道大学札幌キ ャンパス
 - 4. 木下雄士,米中友浩,一木悠人,小田部荘司,松下照男,木内勝,第81回応 用物理学会秋季学術講演会,2020年9月8日,オンライン開催
- 国際学会
 - Yushi Kinoshita, Ruizhe Zhang, Edmund Soji Otabe, Keisuke Suzuki, Yuki Tanaka, Hidetaka Nakashima, Tatsuya Nakasaki, The 32nd International Symposium on Superconductivity (ISS2019), December 3–5, 2019, MIYAKO MESSE, Kyoto, Japan
 - 2. Yushi Kinoshita, Ruizhe Zhang, Edmund Soji Otabe, Keisuke Suzuki, Yuki Tanaka, Hidetaka Nakashima, Tatsuya Nakasaki, 10th ACASC / 2nd Asian-

ICMC / CSSJ Joint Conference, January 6–9, 2020, Okinawa Convention Center, Okinawa, Japan

 Yushi Kinoshita, Tomohiro Yonenaka, Yuto Ichiki, Tomoyuki Akasaka, Edmund Soji Otabe, Masaru Kiuchi, Teruo Matsushita, Nannan Hu, Baorong Ni, Tao Ma, The 33rd International Symposium on Superconductivity (ISS2020), December 1–3, 2020, AIST Auditorium, Tsukuba, Ibaraki, Japan

参考文献

- [1] 橘高俊一郎,超伝導転移温度の推移 https://sakaki.issp.u-tokyo.ac.jp/user/kittaka/contents/others/tc-history.html
- [2] 村上雅人,超伝導 Web21 やさしい超伝導のおはなし http://www.istec.or.jp/web21/series/2003-murakami.pdf
- [3] 岸尾光二, 異方性と磁束ピンニングの科学的制御, まてりあ 第 34 巻 第 12 号 (1995) 1368-1373
- [4] 小池洋二,高温超電導の理解はどこまで進んだか? http://www.apph.tohoku.ac.jp/low-temp-lab/materia.pdf
- [5] 松下照男, "磁束ピンニングと電磁現象", 産業図書
- [6] Yu. F. Bychkov, V. G. Vereshchagin, M. T. Zuev, V. R. Karasik, G. B. Kurganov and V. A. Mal'tsev, JETP Lett. Vol. 9 (1969) 404
- [7] 松下照男, 低温工学 Vol. 46 (2011) 558-568
- [8] 松下照男, 低温工学 Vol. 46 (2011) 608-614
- [9] A. Yamamoto, H. Tanaka, J. Shimoyama, H. Ogino, K. Kishio and T. Matsushita, Jpn. J. Appl. Phys. Vol. 51 (2012) 010105
- [10] G. W. Cullen and R.L. Novak, Appl. Phys. Lett.4 (1964) 147
- [11] 下山淳一 「トコトンやさしい超伝導の本」日刊工業新聞社
- [12] 松下照男, 低温工学 Vol. 48 (2013) 11 569.
- [13] 古河電工, 超電導ケーブルのメリット https://www.furukawa.co.jp/rd/superconduct/merit.html
- [14]山崎 修一郎, 後藤 憲一, "詳解 電磁気学演習", 共立出版 (1970)
- [15] V. S. Vyatkin, K. Tanabe, J. Wada, M. Kiuchi, E. S. Otabe and T. Matsushita, Physica C Vol. 494 (2013) 135

[16] T. Yonenaka, E. S. Otabe, V. S. Vyatkin, S. Lee, T. Akune and T. Nishizaki, J. Phys. Conf. Ser. 1293 (2019) 012017